

بسمه تعالی

سؤالات آزمون نهایی درس: ریاضی و آمار ۳	رشته: ادبیات و علوم انسانی-علوم و معارف اسلامی	تعداد صفحه: ۲	ساعت شروع: ۱۰ صبح
پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۱۰/۹	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور دی ماه سال ۱۴۰۲			
ردیف	توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است. سؤالات (پاسخ نامه دارد)		
نمره			

۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید. الف) برای اعداد صفر و یک، فاکتوریل را به صورت $0! = 0$ و $1! = 1$ تعریف می کنیم. (درست-نادرست) ب) احتمال اینکه فاطمه به سینما برود $\frac{1}{6}$ است بنابراین احتمال این که فاطمه به سینما نرود $\frac{5}{6}$ است. (درست-نادرست) ج) یک دنباله، تابعی است که دامنه ی آن اعداد حقیقی می باشد. (درست-نادرست) د) در یک دنباله هندسی با نسبت مشترک r و جمله اول $a_1 > 0$ ، اگر $1 < r < 2$ باشد، دنباله کاهشی است. (درست-نادرست)	۱
۲	جاهای خالی را با عبارات مناسب کامل کنید. الف) برای توصیف داده های گزارش درصد باید همیشه با گزارش تعداد همراه باشد. ب) بیان مساله و فهم آن، گام در چرخه آمار است. ج) اگر ضابطه دنباله ای به صورت $a_n = 5 - 3n$ باشد، جمله دنباله برابر ۲۸- است. د) ریشه های ششم عدد ۶۴ برابر و می باشد.	۱/۲۵
۳	گزینه صحیح را انتخاب کنید. الف) اگر A و B دو پیشامد ناسازگار باشند در این صورت $P(A \cap B)$ برابر است با: $\frac{1}{3}$ (۱) ۱ (۲) $\frac{1}{4}$ (۳) ۰ (۴) ب) کدام یک از موارد زیر جزء گام تحلیل داده ها در چرخه آمار نمی باشد. (۱) گزارش معیارها (۲) رسم نمودار (۳) تفسیر داده ها (۴) مرتب کردن داده ها	۰/۵
۴	دانش آموزی برای مطالعه به کتابخانه مدرسه می رود، او از بین ۴ کتاب روان شناسی، ۳ کتاب جغرافی و ۵ کتاب ریاضی به چند طریق می تواند: الف) یک کتاب برای مطالعه انتخاب کند. ب) یک کتاب ریاضی، یک کتاب روان شناسی و یک کتاب جغرافی انتخاب نماید.	۱/۵
۵	با ارقام ۰ و ۱ و ۲ و ۳ و ۴ و ۵ چند عدد چهار رقمی مضرب ۵ (بدون تکرار ارقام) می توان نوشت؟	۱/۵
۶	یک تاس و یک سکه را با هم پرتاب می کنیم مطلوبست: الف) پیشامد اینکه سکه پشت یا تاس حداقل ۵ بیاید را بنویسید. ب) احتمال اینکه سکه رو و تاس عدد اول بیاید را محاسبه کنید.	۱/۵
ادامه سؤالات در صفحه دوم		

بسمه تعالی

سؤالات آزمون نهایی درس: ریاضی و آمار ۳	رشته: ادبیات و علوم انسانی-علوم و معارف اسلامی	تعداد صفحه: ۲	ساعت شروع: ۱۰ صبح
پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۱۰/۹	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور دی ماه سال ۱۴۰۲			
ردیف	توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است. سؤالات (پاسخ نامه دارد)		
	نمره		

۷	با حروف کلمه « دانش پژوه » یک واژه شش حرفی با حروف متمایز می‌سازیم، با کدام احتمال، واژه ساخته شده به حروف نقطه دار ختم می‌شود؟	۱/۵
۸	برای بررسی میزان مطالعه افراد یک شهر، آیا انتخاب نمونه از بین افراد عضو کتابخانه عمومی آن شهر، روش نمونه گیری مناسبی است؟ چرا؟	۰/۵
۹	اگر $a_n = 3^n$, $b_n = (-\frac{1}{2})^{n+1}$ باشد حاصل $a_2 \times b_1$ را بیابید.	۱
۱۰	جملات دنباله‌ای به صورت $\frac{1}{3}, \frac{1}{9}, \frac{1}{27}, \dots$ می‌باشد. رابطه بازگشتی این دنباله را بنویسید.	۱
۱۱	سه عدد به گونه‌ای میان اعداد ۱۰ و ۲۶ قرار دهید که یک دنباله حسابی تشکیل دهند.	۱/۵
۱۲	یک طراح برای یک سینما در ردیف اول ۱۵ صندلی و در ردیف دوم ۱۸ صندلی و در ردیف سوم ۲۱ صندلی مشخص کرده است. اگر صندلی‌های هر ردیف با همین نظم اضافه شوند، برای این سالن با ۱۶۸ صندلی، باید چند ردیف صندلی داشته باشیم؟	۱/۵
۱۳	دنباله هندسی ... و ۱ و ۲ و ۴ را در نظر بگیرید. الف) چهارجمله بعدی این دنباله را بنویسید. ب) مجموع پنج جمله اول این دنباله را به دست آورید.	۲
۱۴	جمله سوم یک دنباله هندسی ۲۷ و جمله ششم همین دنباله ۷۲۹ است. جمله نهم دنباله را به دست آورید.	۱
۱۵	عبارت توانی را به صورت رادیکالی و عبارت رادیکالی را به صورت توان دار بنویسید. الف) $\sqrt[3]{47}$ ب) $(\frac{0}{34})^{\frac{2}{5}}$	۱
۱۶	نمودار تابع $y = 4^x$ را رسم کنید.	۰/۷۵
۱۷	پدر احسان قصد دارد مبلغ ۵۰ میلیون تومان برای راه اندازی یک شرکت تولیدی دانش بنیان سپرده گذاری کند، اگر بانک سالانه ۱۰ درصد به سپرده‌ها سود پرداخت کند، پدر احسان بعد از ۲ سال چه مبلغی دریافت می‌کند؟	۱
جمع نمره		۲۰
«پرویز و سر بلند باشید.»		

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضی و آمار ۳		رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع آزمون: ۱۰ صبح	تعداد صفحه: ۴	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۱۰/۹
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور دی ماه سال ۱۴۰۲			
ردیف	راهنمای تصحیح		
نمره			
۱	الف) نادرست (۰/۲۵) ب) نادرست (۰/۲۵) ج) نادرست (۰/۲۵) د) درست (۰/۲۵) صفحات ۵ و ۲۳ و ۵۳ و ۷۷		
۲	الف) کیفی (اسمی یا ترتیبی) (۰/۲۵) ب) گام اول (بیان مسئله) (۰/۲۵) ج) جمله یازدهم «۱۱». (۰/۲۵) د) +۲ و -۲ (۰/۵) صفحات ۳۸ و ۳۱ و ۵۴ و ۸۷		
۳	الف) گزینه ۴ (۰/۲۵) ب) گزینه ۳ (۰/۲۵) صفحات ۱۷ و ۳۵		
۴	الف) حالت $۱۲ = ۴ + ۳ + ۵$ (۰/۷۵) ب) حالت $۶۰ = ۴ \times ۳ \times ۵$ (۰/۷۵) صفحه: ۱۰ و ۱۱		
۵	(۰/۵) $۶۰ + ۴۸ = ۱۰۸$ صفحه ۶ (۱) $\left\{ \begin{array}{l} ۵ \times ۴ \times ۳ \times ۱ = ۶۰ \\ \text{«۰» رقم یکان} \\ ۴ \times ۴ \times ۳ \times ۱ = ۴۸ \\ \text{«۵» رقم یکان} \end{array} \right.$		
۶	الف) (۰/۷۵) $A = \{(۱ \text{ و } ۲), (۲ \text{ و } ۳), (۳ \text{ و } ۴), (۴ \text{ و } ۵), (۵ \text{ و } ۶), (۶ \text{ و } ۷), (۷ \text{ و } ۸), (۸ \text{ و } ۹), (۹ \text{ و } ۱۰)\}$ ب) $n(B) = ۳$ $n(S) = ۶ \times ۲ = ۱۲ \quad (۰/۵)$ $p(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{۳}{۱۲} = \frac{۱}{۴} \quad (۰/۲۵)$ صفحه: ۱۸ و ۱۹		
۷	(۰/۵) $p(A) = \frac{۷ \times ۶ \times ۵ \times ۴ \times ۳ \times ۲}{۸ \times ۷ \times ۶ \times ۵ \times ۴ \times ۳} = \frac{۱}{۲} \quad (۰/۵)$ (۰/۵) صفحه: ۲۶		

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضی و آمار ۳	رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع آزمون: ۱۰ صبح	تعداد صفحه: ۴۰
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور دی ماه سال ۱۴۰۲		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	خیر (۰/۲۵) زیرا کسانی که در کتابخانه نیستند، شانس حضور در نمونه را ندارند و چون فقط از افراد کتابخانه، نمونه‌گیری انجام شده است، میانگین داده‌های به دست آمده (آماره نمونه) بزرگ‌تر از میانگین آن در جامعه آماری (پارامتر جامعه) می‌شود چون افرادی که اصلاً به کتابخانه نمی‌روند، در نظر گرفته نشده‌اند. (۰/۲۵) صفحه ۳۳	۰/۵
۹	$a_7 = 9$ (۰/۲۵) $b_1 = \frac{1}{4}$ (۰/۲۵) $a_7 \times b_1 = 9 \times \frac{1}{4} = \frac{9}{4}$ (۰/۵) صفحه ۵۸	۱
۱۰	$\begin{cases} a_1 = 9 \\ a_{n+1} = \frac{1}{3} a_n \\ \frac{a_{n+1}}{a_n} = \frac{1}{3} \end{cases}$ (۰/۲۵) یا (۰/۵) $r = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$ (۰/۲۵) صفحه ۵۶	۱
۱۱	$10, \underline{14, 18, 22, 26}$ (۰/۲۵) $d = \frac{a_n - a_m}{n - m} = \frac{26 - 10}{5 - 1} = \boxed{4}$ یا $d = \frac{b - a}{n + 1} = \frac{26 - 10}{3 + 1} = \boxed{4}$ (۰/۲۵) صفحه ۷۱	۱/۵

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضی و آمار ۳	رشته: ادبیات و علوم انسانی - علوم و معارف اسلامی	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع آزمون: ۱۰ صبح	تعداد صفحه: ۴
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور دی ماه سال ۱۴۰۲	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۱۰/۹	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۲	 و ۲۱ و ۱۸ و ۱۵ $\begin{cases} a_1 = 15 & d = 3 & S_n = 168 \\ S_n = \frac{n}{2} [2a_1 + (n-1)d] \\ (0/5) \begin{cases} 168 = \frac{n}{2} [2 \times 15 + 3n - 3] \rightarrow \\ 168 = \frac{n}{2} [27 + 3n] \\ 336 = 27n + 3n^2 \rightarrow \\ (0/5) \begin{cases} n^2 + 9n - 112 = 0 \rightarrow \begin{cases} n = 7 \text{ ق ق} \\ n = -16 \text{ غ ق} \end{cases} \end{cases} \end{cases} \end{cases}$ صفحه ۷۰	۱/۵
۱۳	(الف) $a_1 = \frac{1}{2} \quad a_2 = \frac{1}{4} \quad a_3 = \frac{1}{8} \quad a_4 = \frac{1}{16} \quad (1)$ (ب) $S_5 = \frac{a_1(1-r^5)}{1-r} = \frac{1(1-(\frac{1}{2})^5)}{1-(\frac{1}{2})} = \frac{31}{4} \quad (0/25)$ صفحه ۸۲ و ۸۵	۲
۱۴	صفحه ۸۴ $\begin{cases} (0/5) \begin{cases} a_1 = 27 \rightarrow a_1 r^2 = 27 \\ a_1 = 729 \rightarrow a_1 r^5 = 729 \rightarrow \frac{a_1 r^5}{a_1 r^2} = \frac{729}{27} \\ \rightarrow r^3 = 27 \rightarrow r = 3 \end{cases} \\ (0/5) \begin{cases} a_1 r^2 = 27 \rightarrow a_1 \times 9 = 27 \rightarrow a_1 = 3 \\ a_1 = a_1 r^4 \rightarrow 3 \times 3^4 = 3^5 \end{cases} \end{cases}$ یا روش دوم: $r^{5-2} = \frac{729}{27} = 27 \rightarrow r = 3$ $a_1 = a_1 r^{4-2} \rightarrow a_1 = 27 \times 3^2 = 3^5$	۱

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضی و آمار ۳	رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع آزمون: ۱۰ صبح	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۱۰/۹
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور دی ماه سال ۱۴۰۲		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۵	الف) $(۴۷)^{\frac{1}{3}}$ (۰/۵) ب) $\sqrt[5]{(\frac{34}{100})^2}$ یا $\sqrt[5]{(\frac{34}{100})^2}$ (۰/۵) صفحه ۹۴	۱
۱۶	رسم صحیح نمودار نمره تعلق بگیرد. (۰/۷۵) محور yها را در نقطه (۰,۱) قطع کند و محور xها را قطع کند. صفحه ۱۰۲	۰/۷۵
۱۷	$f(t) = C(1+r)^t \Rightarrow$ $f(t) = 50 \dots \dots (1 + 0/1)^2 = 50 \dots \dots (1/1)^2 = 60,50, \dots$ صفحه ۱۰۴	۱
	"پیروز و سر بلند باشید"	۲۰
	جمع نمره	