

سؤالات امتحان نهایی درس : ریاضیات گسسته	نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع : ۸ صبح	تعداد صفحه : ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته : ریاضی فیزیک	تاریخ امتحان : ۱۳۹۸/۳/۲۵	مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۸	مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره
------	-----------------------	------

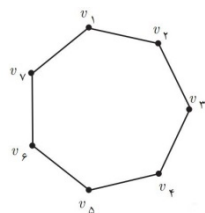
۱	ثابت کنید میانگین حسابی دو عدد نامنفی از میانگین هندسی آنها کمتر نیست .	۱
۲	در جاهای خالی عبارت ریاضی مناسب قرار دهید. الف) یک گراف کامل ۸ رأسی ، یال دارد. ب) در یک گراف از مرتبه ۱۰ با $\Delta = 3$ حداقل راس برای احاطه همه رئوس لازم است. ج) اگر در گراف G از مرتبه p داشته باشیم $\gamma(G) = 1$ در این صورت $\Delta(G)$ برابر است. د) مجموع درایه های سطر اول یک مربع لاتین ۵ در ۵ برابر است.	۲
۳	اگر باقی مانده تقسیم m و n بر ۱۳ به ترتیب اعداد ۲ و ۹ باشد در این صورت باقی مانده تقسیم عدد $5n - 3m$ بر ۱۳ را بدست آورید.	۱/۵
۴	اگر در یک سال، شنبه روز اول مهر باشد. در این صورت با استفاده از هم نهشتی تعیین کنید ۱۲ بهمن، در همان سال چه روزی از هفته است؟	۱
۵	با تبدیل معادله سیاله خطی $5x + 2y = 18$ به معادله هم نهشتی و حل آن، جوابهای عمومی این معادله را بیابید.	۱/۵
۶	شکل مقابل نمودار گراف G می باشد. الف) مرتبه و اندازه گراف G را بنویسید. ب) مجموعه $N_G(b)$ را بنویسید. ج) مجموع درجه های رأس های گراف $\bar{G}$ را مشخص کنید.	۱/۵
۷	گراف C_V را در نظر بگیرید و به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) یک مجموعه احاطه گر ۴ عضوی بنویسید. ب) عدد احاطه گری C_V را به دست آورید. ج) دو مجموعه احاطه گر مینیمم متمایز بنویسید.	۱/۵
۸	الف) ثابت کنید هر مجموعه احاطه گر دلخواه غیر مینیمال را میتوان با حذف برخی از رئوسش به یک مجموعه احاطه گر مینیمال تبدیل کرد ؟ ب) در گراف روبرو یک مجموعه احاطه گر مینیمال ۵ عضوی را مشخص کنید.	۱/۵
	« بقیه سوالات در صفحه دوم »	

سؤالات امتحان نهایی درس : ریاضیات گسسته	نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع : ۸ صبح	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	رشته : ریاضی فیزیک	تاریخ امتحان : ۱۳۹۸/۳/۲۵	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۸	مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		

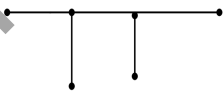
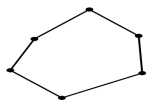
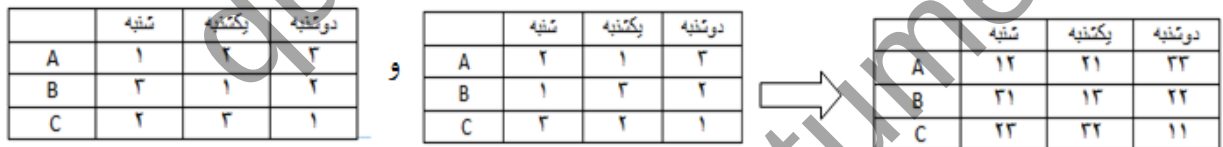
ردیف	سؤالات پاسخ نامه دارد	نمره
۹	الف) یک گراف ۶ رأسی با عدد احاطه گری ۲ رسم کنید که یک مجموعه احاطه گر یکتا با اندازه ۲ داشته باشد. ب) یک گراف ۶ رأسی با عدد احاطه گری ۲ رسم کنید که بیش از یک مجموعه احاطه گر با اندازه ۲ داشته باشد.	۱
۱۰	با ارقام ۱, ۲, ۳, ۴, ۵ چند عدد ۹ رقمی می توان نوشت.	۱
۱۱	۶ دانش آموز پایه دوازدهم و ۵ دانش آموز پایه یازدهم به چند طریق می توانند کنار هم در یک ردیف قرار گیرند ، به طوری که : الف) به صورت یک در میان قرار بگیرند. ب) همواره دانش آموزان یازدهم کنار هم باشند. ج) یک دانش آموز خاص یازدهم و یک دانش آموز خاص دوازدهم در کنار هم باشند.	۱/۵
۱۲	تعداد جواب های صحیح و نامنفی معادله $x_1 + x_2 + \dots + x_5 = 10$ با شرط $x_i > 0, i = 2, 3, 4, 5$ را محاسبه کنید.	۱
۱۳	اگر سه دوست هم سبزه، سه کت و سه پیراهن داشته باشند و بخواهند در سه روز اول هفته از این لباسها به گونه ای استفاده کنند که هر فرد هر یک از کت ها و هریک از پیراهن ها را دقیقاً یک بار استفاده کرده باشد و هرکت با هر پیراهن نیز دقیقاً یکبار مورد استفاده قرار بگیرد، چگونه می توانند این کار را انجام دهند؟	۱/۵
۱۴	در بین اعداد ۱ تا ۹۰ چند عدد وجود دارد که بر ۲ یا ۳ بخش پذیر باشند.	۱/۲۵
۱۵	ثابت کنید اگر در یک دبیرستان حداقل ۵۰۵ دانش آموز مشغول به تحصیل باشند لااقل ۷ نفر از آنها روز هفته و ماه تولدشان یکسان است.	۱/۲۵
	" موفق باشید "	جمع نمره
		۲۰

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۳/۲۵		
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۳۹۸	مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	

۱	اگر دو عدد نامنفی باشند حکم چنین خواهد بود $\left(\frac{0}{5}\right) \quad \frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab}$ (صفحه: ۷) گزاره همیشه درست $\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab} \Leftrightarrow a+b \geq 2\sqrt{ab} \Leftrightarrow \underbrace{a+b-2\sqrt{ab}}_{\left(\frac{0}{25}\right)} \geq 0 \Leftrightarrow \underbrace{(\sqrt{a}-\sqrt{b})^2}_{\left(\frac{0}{25}\right)} \geq 0$	۱
۲	الف) ۲۸ $\left(\frac{0}{5}\right)$ ب) ۳ راس $\left(\frac{0}{5}\right)$ ج) $p-1$ $\left(\frac{0}{5}\right)$ د) ۱۵ $\left(\frac{0}{5}\right)$ (صفحه: ۳۸ و ۴۹ و ۵۳ و ۶۲)	۲
۳	(صفحه: ۱۴) $\left(\frac{0}{25}\right) \rightarrow 5n - 3m = 13q' + 39 \quad \left(\frac{0}{5}\right) \rightarrow 5n = 13(3q_1) + 6$ $m = 13q_1 + 2 \quad \left(\frac{0}{5}\right) \quad 5n = 13(5q_1) + 45$ $n = 13q_1 + 9 \quad \left(\frac{0}{5}\right) \rightarrow 5n - 3m = 13q'' + 0 \rightarrow r = 0 \quad \left(\frac{0}{25}\right)$	۱/۵
۴	روز اول مهر، شنبه را برابر صفر در نظر میگیریم ۲۹ روز درمهر و سه ماه آبان و آذر و دی و ۱۲ روز بهمن، فاصله اول مهر تا ۱۲ بهمن است، پس داریم: $\left(\frac{0}{25}\right)$ $29 + 30 + 30 + 30 + 12 = 131 \rightarrow 131 \equiv 5 \quad \left(\frac{0}{5}\right)$ که متناظر این عدد در جدول روز پنج شنبه را نشان می دهد. $\left(\frac{0}{25}\right)$ (صفحه ۲۴)	۱
۵	(صفحه: ۲۵) $\left(\frac{0}{25}\right) \Rightarrow y \equiv 9 \pmod{5} \Rightarrow y \equiv 9 \pmod{4} \quad \left(\frac{0}{5}\right) \Rightarrow y \equiv 1 \pmod{25} \Rightarrow y \equiv 18 \pmod{100}$ $y = 5k + 4 \quad \left(\frac{0}{25}\right) \quad \text{و} \quad x = -2k + 2 \quad \left(\frac{0}{25}\right)$	۱/۵
۶	الف) $\left(\frac{0}{25}\right) \quad q = 7 \quad \left(\frac{0}{25}\right) \quad p = 6 \quad \left(\frac{0}{25}\right)$ ب) $N_G(b) = \{a, d, c\} \quad \left(\frac{0}{25}\right)$ ج) $\frac{p(p-1)}{2} = \text{تعداد یال های گراف } G + \text{تعداد یال های گراف } \bar{G}$ $\left(\frac{0}{25}\right)$ $\left(\frac{0}{25}\right) \Rightarrow \text{مجموع درجه های رئوس گراف } \bar{G} = 16 \quad \left(\frac{0}{25}\right) \Rightarrow \text{تعداد یال های گراف } \bar{G} = 8 \quad \left(\frac{0}{25}\right)$ (صفحه: ۴۱)	۱/۵
۷	الف) $\left(\frac{0}{5}\right) \quad \{v_1, v_3, v_4, v_5\} \quad \left(\frac{0}{5}\right)$ ب) $\gamma(G) = 3 \quad \left(\frac{0}{5}\right)$ ج) $\{v_1, v_3, v_5\}$ و $\{v_2, v_4, v_6\} \quad \left(\frac{0}{5}\right)$ (صفحه: ۴۵)	۱/۵



راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۳/۲۵		
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۳۹۸	مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	

۸	الف) اگر $\{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ یک مجموعه احاطه گر غیر مینمال باشد در این صورت یک یا چند عضو وجود دارند که با حذف آنها مجموعه احاطه گر مینمال باقی می ماند. (۰/۲۵) بنا بر این عضو ی مانند a_1 را در نظر میگیریم اگر با حذف آن هنوز مجموعه احاطه گر باقی بماند آن را حذف می کنیم (۰/۲۵) در غیر این صورت آن را نگه داشته و همین کار را برای سایر رئوس انجام میدهیم. (۰/۲۵) ب) $A = \{h, g, f, i, j\}$ (۰/۷۵) (صفحه: ۴۶)	۱/۵
۹	الف)  (۰/۵) ب)  (۰/۵) (صفحه: ۵۳)	۱
۱۰	$P = \frac{9!}{3! \times 2! \times 2!} \rightarrow P = 3 \times 7! \quad (۰/۲۵) \quad (۰/۷۵)$ (صفحه: ۵۸)	۱
۱۱	الف) $5! \times 6! \quad (۰/۵)$ ب) $5! \times 7! \quad (۰/۵)$ ج) $10! \times 2! \quad (۰/۵)$ (صفحه: ۵۷)	۱/۵
۱۲	$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 10 \rightarrow x_1 + y_2 + 1 + y_3 + 1 + y_4 + 1 + y_5 + 1 = 10$ $x_1 + y_2 + y_3 + y_4 + y_5 = 6 \quad (۰/۲۵) \xrightarrow{(۰/۲۵)} \binom{6+4-1}{4-1} = \binom{9}{3} = 84 \quad (۰/۵)$ (صفحه: ۷۲)	۱
۱۳	 (صفحه: ۶۹) (۰/۵)	۱/۵
۱۴	$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) \quad (۰/۲۵)$ $n(A \cup B) = \left[\frac{90}{2} \right] + \left[\frac{90}{3} \right] - \left[\frac{90}{6} \right] \quad (۰/۷۵) \quad n(A \cup B) = 60 \quad (۰/۲۵)$ (صفحه: ۸۴)	۱/۲۵
۱۵	تعداد کبوترها: ۵۰۵ دانش آموز (۰/۲۵) تعداد لانه ها: $7 \times 12 = 84 \quad (۰/۲۵)$ $505 \quad \frac{84}{6}$ $-504 \quad 6$ $\hline 1$ $6+1=7 \quad (۰/۵)$ طبق اصل لانه کبوتری لااقل ۷ نفر آنها روز هفته و ماه تولدشان یکسان است. (۰/۲۵)	۱/۲۵

«همکاران گرامی لطفاً برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»